

Grundkompetenzen im gemeinsamen Kern

Quelle:

https://www.srdp.at/fileadmin/user_upload/downloads/Begleitmaterial/08_AMT/Begriffekatalog_ab_2018/srdp_am_kompetenzen_2018_teil_a_2017-09-01.pdf

1 Zahlen und Maße

| Deskriptor | Formulierung des Deskriptors: Inhalt und Handlung |
|------------|---|
| 1.1 | mit natürlichen, ganzen, rationalen und reellen Zahlen rechnen, ihre Zusammenhänge interpretieren und damit argumentieren und sie auf der Zahlengeraden veranschaulichen siehe Kommentar |
| 1.2 | Zahlen in Fest- und Gleitkommadarstellung in der Form $\pm a \cdot 10^k$ mit $1 \leq a \leq 10$ und $a \in \mathbb{R}$, $k \in \mathbb{Z}$ verstehen und anwenden |
| 1.3 | Vielfache und Teile von Einheiten mit den entsprechenden Zehnerpotenzen (inkl. der Bedeutungen der Begriffe „Nano-“ bis „Tera-“) sowie Größen als Kombination von Maßzahl und Maßeinheit verstehen und anwenden |
| 1.4 | Ergebnisse beim Rechnen mit Zahlen abschätzen (überschlagsrechnen) und in kontextbezogener Genauigkeit angeben (kaufmännisch runden) |
| 1.5 | Zahlenangaben in Prozent und Promille im Kontext verstehen und anwenden |
| 1.6 | den Betrag einer Zahl verstehen und anwenden |

Kommentar 1.1: $\mathbb{N} = \{0, 1, 2, \dots\}$

2 Algebra und Geometrie

| Deskriptor | Formulierung des Deskriptors: Inhalt und Handlung |
|------------|---|
| 2.1 | mit Termen rechnen siehe Kommentar |
| 2.2 | Rechenregeln für Potenzen mit ganzzahligen und mit rationalen Exponenten verstehen und anwenden; Potenz- und Wurzelschreibweise ineinander überführen |
| 2.3 | Rechengesetze für Logarithmen verstehen und anwenden siehe Kommentar |
| 2.4 | Probleme aus Anwendungsgebieten durch lineare Gleichungen mit einer Unbekannten modellieren, diese lösen und die Lösungen interpretieren; im Kontext argumentieren |
| 2.5 | Formeln aus der elementaren Geometrie anwenden, erstellen und im Kontext interpretieren und begründen siehe Kommentar |
| 2.6 | Zusammenhänge zwischen Größen durch eine Formel modellieren, die Formel umformen und die gegenseitige Abhängigkeit der Größen interpretieren und erklären siehe Kommentar |
| 2.7 | Probleme aus Anwendungsgebieten durch lineare Gleichungssysteme in zwei Variablen modellieren, diese lösen, die möglichen Lösungsfälle grafisch veranschaulichen und interpretieren; im Kontext argumentieren |
| 2.8 | Probleme aus Anwendungsgebieten durch lineare Gleichungssysteme in mehreren Variablen modellieren, diese mit Technologieeinsatz lösen; das Ergebnis in Bezug auf die Problemstellung interpretieren; im Kontext argumentieren |
| 2.9 | Probleme aus Anwendungsgebieten durch quadratische Gleichungen mit einer Variablen modellieren, reelle Lösungen quadratischer Gleichungen ermitteln und die verschiedenen möglichen Lösungsfälle interpretieren und damit argumentieren |

| | |
|------|---|
| 2.10 | Exponentialgleichungen vom Typ $a^{k \cdot x} = b$ nach x auflösen |
| 2.11 | Polynomgleichungen, Exponentialgleichungen und Gleichungen mit trigonometrischen Funktionen in einer Variablen mittels Technologieeinsatz lösen und das Ergebnis interpretieren |
| 2.12 | Sinus, Cosinus und Tangens von Winkeln zwischen 0° und 90° als Seitenverhältnisse im rechtwinkligen Dreieck verstehen und anwenden |

Kommentar 2.1: keine Polynomdivision und keine Partialbruchzerlegung

Kommentar 2.3: $\log_a(x \cdot y) = \log_a(x) + \log_a(y)$
 $\log_a\left(\frac{x}{y}\right) = \log_a(x) - \log_a(y)$
 $\log_a(x^n) = n \cdot \log_a(x)$

Kommentar 2.5: Es werden die Inhalte der elementaren Geometrie vorausgesetzt: Ähnlichkeit, Lehrsatz des Pythagoras, Dreiecke, Vierecke, Kreis, Würfel, Quader, gerade Prismen, gerade Pyramiden, Drehzylinder, Drehkegel, Kugel, Längen, Flächen- und Rauminhalte in anwendungsbezogenen Problemen.

Kommentar 2.6: Formeln können aus allen Gebieten vorkommen, z. B. aus Technik, Wirtschaft und Naturwissenschaft. Sie müssen nicht im Fachzusammenhang verstanden werden, dennoch soll die Abhängigkeit der variablen Größen voneinander interpretiert werden können.

3 Funktionale Zusammenhänge

| Deskriptor | Formulierung des Deskriptors: Inhalt und Handlung |
|------------|---|
| 3.1 | eine Funktion in einem geeigneten Definitionsbereich als eindeutige Zuordnung verstehen und als Darstellung der Abhängigkeit zwischen Größen interpretieren; den Graphen einer gegebenen Funktion mittels Technologieeinsatz darstellen, Funktionswerte ermitteln und den Verlauf des Graphen im Kontext interpretieren siehe Kommentar |
| 3.2 | Zusammenhänge aus Anwendungsgebieten durch lineare Funktionen modellieren, damit Berechnungen durchführen, die Ergebnisse interpretieren und damit argumentieren; Graphen von linearen Funktionen skizzieren und die Parameter kontextbezogen interpretieren; den Zusammenhang zwischen einer linearen Gleichung in zwei Variablen und einer linearen Funktion verstehen und anwenden |
| 3.3 | Graphen von Potenzfunktionen ($y = c \cdot x^n$ mit $n \in \mathbb{Z}, c \in \mathbb{R}$ sowie $y = \sqrt{x}$) skizzieren, ihre Definitions- und Wertemenge angeben können, ihre Eigenschaften (Symmetrie, Polstelle, asymptotisches Verhalten) anhand ihrer Graphen interpretieren und damit argumentieren |
| 3.4 | Null-, Extrem- und Wendestellen sowie das Monotonieverhalten bei Polynomfunktionen bis zum Grad 3 bestimmen, interpretieren und damit argumentieren, zugehörige Graphen skizzieren; bei Polynomfunktionen 2. Grades vom Typ $f(x) = a \cdot x^2 + b$ mit $a, b \in \mathbb{R}$ die Parameter interpretieren und damit argumentieren |
| 3.5 | Graphen von Exponentialfunktionen skizzieren, Exponentialfunktionen als Wachstums- und Abnahmemodelle interpretieren, die Verdoppelungszeit und die Halbwertszeit berechnen und im Kontext deuten sowie die Parameter von Exponentialfunktionen |

| | |
|------|--|
| | interpretieren siehe Kommentar |
| 3.6 | lineare Funktionen und Exponentialfunktionen strukturell vergleichen, die Angemessenheit einer Beschreibung mittels linearer Funktionen oder mittels Exponentialfunktionen im Anwendungskontext beurteilen |
| 3.7 | die Nullstellen einer Funktion gegebenenfalls mittels Technologieeinsatz bestimmen und als Lösungen einer Gleichung interpretieren |
| 3.8 | Schnittpunkte zweier Funktionsgraphen gegebenenfalls mittels Technologieeinsatz bestimmen und diese im Kontext interpretieren |
| 3.9 | anwendungsbezogene Problemstellungen mit geeigneten Funktionstypen (lineare Funktion, quadratische Funktion und Exponentialfunktion) modellieren siehe Kommentar |
| 3.10 | Graphen von $f(x) = \sin(x)$, $f(x) = \cos(x)$ und $f(x) = \tan(x)$ mit Winkeln im Bogenmaß skizzieren und die Eigenschaften dieser Funktionen interpretieren und damit argumentieren; den Zusammenhang zwischen Grad- und Bogenmaß verstehen und anwenden; die Zusammenhänge im Einheitskreis verstehen und anwenden |

Kommentar 3.1: Funktionen können auch abschnittsweise definiert sein. Variablen kontextbezogen benennen (nicht nur x und y); dies gilt auch für Parameter von Funktionen (am Beispiel der linearen Funktion: nicht nur k für Anstieg, d für Ordinatenabschnitt)

Kommentar 3.5: die prototypischen Verläufe der Graphen von $f(x) = a \cdot b^x + c$ ($b \in \mathbb{R}^+$ und $a, c \in \mathbb{R}, a \neq 0$) und $f(x) = a \cdot e^{\lambda x} + c$ ($a, c, \lambda \in \mathbb{R}, a \neq 0$) kennen; die Parameter a , b , c und λ in unterschiedlichen Kontexten deuten

Kommentar 3.9: Vorausgesetzt wird die Kenntnis des Zusammenhangs zwischen Kosten-, Erlös- und Gewinnfunktion sowie grundlegender Begriffe der Zinseszinsrechnung.

4 Analysis

| Deskriptor | Formulierung des Deskriptors: Inhalt und Handlung |
|------------|---|
| 4.1 | Grenzwert und Stetigkeit von Funktionen auf der Basis eines intuitiven Begriffsverständnisses interpretieren und argumentieren |
| 4.2 | Differenzen- und Differenzialquotient als mittlere bzw. lokale Änderungsraten interpretieren, damit anwendungsbezogen modellieren, rechnen und argumentieren siehe Kommentar |
| 4.3 | Regeln zum Berechnen von Ableitungsfunktionen von Potenz-, Polynom- und Exponentialfunktionen und Funktionen, die aus diesen zusammengesetzt sind, verstehen und anwenden: Faktorregel, Summenregel, Produktregel, Kettenregel |
| 4.4 | Monotonieverhalten, Steigung der Tangente und Steigungswinkel, lokale Extrema, qualitatives Krümmungsverhalten, Wendepunkte von Funktionen am Graphen ablesen, mithilfe der Ableitungen modellieren, berechnen, interpretieren und argumentieren siehe Kommentar |
| 4.5 | den Zusammenhang zwischen Funktion und ihrer Ableitungsfunktion bzw. einer Stammfunktion interpretieren und erklären; bei gegebenen Graphen einer Funktion den Graphen der zugehörigen Ableitungsfunktion skizzieren siehe Kommentar |
| 4.6 | Regeln zum Berechnen von Stammfunktionen von Potenz- und Polynomfunktionen verstehen und anwenden |
| 4.7 | das bestimmte Integral auf der Grundlage eines intuitiven Grenzwertbegriffes als Grenzwert einer Produktsumme interpretieren und damit argumentieren |

 4.8 das bestimmte Integral als orientierten Flächeninhalt verstehen und anwende

Kommentar 4.2: Vorausgesetzt wird die Kenntnis des Zusammenhangs zwischen Weg, Geschwindigkeit und Beschleunigung. Hier geht es nicht um das Bestimmen der Grenzwerte von Differenzenquotienten.

Kommentar 4.4: *Qualitatives Krümmungsverhalten* meint die Bedeutung des Vorzeichens der 2. Ableitung.

Kommentar 4.5: Eine Größe soll als Integral ihrer Änderungsrate bzw. Ableitung interpretiert werden können („Integrale als Gesamteffekt von Änderungsraten auffassen“). Jedoch wird (mit Ausnahme Geschwindigkeit und Weg) nicht verlangt, dass die Kandidatinnen und Kandidaten die jeweils involvierten physikalischen Größen (z. B. Energie bzw. Arbeit und Leistung) selbstständig benennen können.

5 Stochastik

| Deskriptor | Formulierung des Deskriptors: Inhalt und Handlung |
|------------|---|
| 5.1 | Daten statistisch aufbereiten, Häufigkeitsverteilungen (absolute und relative Häufigkeiten) bestimmen und interpretieren; Daten in Form von Kreis- und Balken-/Säulendiagrammen sinnstiftend veranschaulichen, diese Darstellungen interpretieren und damit anwendungsbezogen argumentieren |
| 5.2 | Lage- und Streuungsmaße empirischer Daten berechnen, interpretieren und damit argumentieren; Boxplots erstellen und interpretieren siehe Kommentar |
| 5.3 | den klassischen Wahrscheinlichkeitsbegriff nach Laplace verstehen und anwenden; den Zusammenhang zwischen Wahrscheinlichkeiten und relativen Häufigkeiten verstehen und anwenden |
| 5.4 | Mehrstufige Zufallsexperimente („Ziehen mit/ohne Zurücklegen“) mit Baumdiagrammen modellieren, Wahrscheinlichkeiten mithilfe von Pfadregeln (Additions- und Multiplikationssatz) berechnen und Baumdiagramme interpretieren und damit argumentieren |
| 5.5 | mit der Binomialverteilung modellieren, ihre Anwendung begründen, Wahrscheinlichkeiten und Erwartungswert berechnen und die Ergebnisse kontextbezogen interpretieren |
| 5.6 | mit der Wahrscheinlichkeitsdichte und der Verteilungsfunktion der Normalverteilung modellieren, Wahrscheinlichkeiten und Quantile berechnen* und die Ergebnisse kontextbezogen interpretieren, Erwartungswert μ und Standardabweichung σ interpretieren und deren Auswirkungen auf den Graphen der zugehörigen Wahrscheinlichkeitsdichte erklären siehe Kommentar |

Kommentar 5.2: Folgende Lage- und Streuungsmaße sind gemeint: Median, arithmetisches Mittel und Standardabweichung, Quartil, Spannweite, (Inter)quartilsabstand.

Es werden die folgenden Bezeichnungen gewählt:

- Varianz einer Datenliste

$$s^2 = \frac{1}{n} \cdot \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2$$

- Varianz einer Stichprobe vom Umfang n als Schätzung der Varianz in der Grundgesamtheit

$$s_{n-1}^2 = \frac{1}{n-1} \cdot \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2$$

In vielen Fällen wird in Lehrbüchern nicht klar zwischen den verschiedenen Formeln unterschieden, daher gilt für die Reife- und Diplomprüfung für den Teil A folgende Festsetzung: Beide Formeln für s^2 und s_{n-1}^2 gelten als richtig.

Kommentar 5.6: * Hier sind folgende Varianten gemeint:

- die Wahrscheinlichkeiten für $X < k$; $X > k$; $k_1 < X < k_2$ (evtl. auch die zugehörigen nicht strengen Ungleichungen, d. h.: \leq statt $<$) bei bekanntem Erwartungswert und bekannter Standardabweichung berechnen
- bei vorgegebener Wahrscheinlichkeit die Intervallgrenzen für ein spezielles Ereignis ermitteln

Mathematische Grundkompetenzen und schulspezifische Kompetenzen im Cluster 6

Quelle:

https://www.srdp.at/fileadmin/user_upload/downloads/Begleitmaterial/08_AMT/Begriffekatalog_ab_2018/srdp_am_kompetenzen_begriffe_2018_hifs_hum_2017-10-16.pdf

2 Algebra und Geometrie

| Deskriptor | Formulierung des Deskriptors: Inhalt und Handlung |
|------------|---|
| B_W1_2.1 | lineare Ungleichungssysteme mit zwei Variablen aufstellen, deren Lösungsbereich mittels Technologieeinsatz ermitteln, interpretieren und im Kontext argumentieren |
| B_W1_2.2 | lineare Optimierung: Zielfunktion aufstellen; die optimale Lösung mittels Technologieeinsatz ermitteln und interpretieren sowie den Lösungsweg erklären |

Begriffe:

Nichtnegativitätsbedingung, Nichtnegativitätskriterium
Lösungsbereich (zulässiger Bereich)

3 Funktionale Zusammenhänge

| Deskriptor | Formulierung des Deskriptors: Inhalt und Handlung |
|------------|--|
| B_W_3.1* | Ein- und Auszahlungen auf einer Zeitachse veranschaulichen und gegebene grafische Darstellungen interpretieren und damit argumentieren |
| B_W_3.*2 | unregelmäßige Zahlungsströme auf Grundlage der Zinseszinsrechnung modellieren; Berechnungen für Barwert, Endwert und Zinssatz durchführen; die Ergebnisse interpretieren und damit argumentieren |
| B_W_3.3* | bei Rentenrechnung unter Verwendung geometrischer Reihen modellieren; Barwert, Endwert, Ratenhöhe, Laufzeit und Zinssatz berechnen; die Ergebnisse interpretieren; im Kontext argumentieren |
| B_W_3.4* | bei Sparformen, Krediten und Schuldtilgung modellieren; zugehörige Berechnungen durchführen, deren Ergebnisse interpretieren; im Kontext argumentieren |
| B_W_3.5* | geeignete Modelle für die Beschreibung von Änderungsprozessen (linear, exponentiell, beschränkt, logistisch) aufstellen, mit zugehörigen Funktionen Berechnungen durchführen und sie grafisch darstellen, Ansätze, Lösungswege und Ergebnisse interpretieren; im Kontext argumentieren |

Finanzmathematik:

Ist „... monatliche Zahlung bei einem Zinssatz von 8 % p.a.“ formuliert, so ist ein monatlicher Zinssatz von $1,08^{\frac{1}{12}} - 1 \approx 0,6434\%$ gemeint.

Ist „... monatliche Zahlung bei einem Zinssatz von nominell 8 % p.a. und quartalsmäßiger Verzinsung“ formuliert, so ist ein Quartalszinssatz von $8\% : 4 = 2\%$ bzw. ein monatlicher Zinssatz von $1,02^{\frac{1}{3}} - 1 \approx 0,6623\%$ gemeint.

Begriffe:

Zeitachse (Zeitlinie), Bezugszeitpunkt

Zinssatz (i), einfacher Zins, Zinseszins, ganzjährige Verzinsung, unterjährige Verzinsung, aufzinsen, abzinsen,

Aufzinsungsfaktor $(1 + i)$, Abzinsungsfaktor $(\frac{1}{1+i})$, Verzinsungsperiode p. a., p. s., p. q., p. m.

vorschüssig, nachschüssig, Vollrate, Restrate, Bearbeitungsgebühr, effektiver Jahreszinssatz, äquivalente Zinssätze

Tilgungsplan: Zinsanteil, Tilgungsanteil, Annuität, Restschuld

* Deskriptoren, die sowohl im Cluster W1 (HLFS/HUM) als auch im Cluster W2 (HAK) vorkommen, werden mit „B_W_...“ bezeichnet.

Wachstumsmodelle:**Begriffe:**

Änderungsfaktor

Sättigungswert (Kapazitätsgrenze)

4 Analysis

| Deskriptor | Formulierung des Deskriptors: Inhalt und Handlung |
|------------|--|
| B_W_4.1* | Bei Aufgabenstellungen in wirtschaftlichen Kontexten Kosten-, Nachfrage-, Erlös- und Gewinnfunktionen mithilfe linearer und Polynomfunktionen modellieren |
| B_W_4.2* | typische Verläufe der Graphen der Preisfunktion der Nachfrage, der Erlösfunktion, der Kostenfunktion und der Gewinnfunktion skizzieren, darstellen und interpretieren; Nullstellen, Extremwerte und Wendepunkt berechnen, interpretieren und damit argumentieren |
| B_W_4.3* | Betriebsoptimum und langfristige Preisuntergrenze sowie Betriebsminimum und kurzfristige Preisuntergrenze mithilfe der (variablen) Stückkostenfunktion bestimmen, in diesem Kontext modellieren, interpretieren und argumentieren |
| B_W_4.4* | wirtschaftliche Grenzfunktionen als Ableitungsfunktionen modellieren, berechnen und interpretieren; Stammfunktionen von Grenzfunktionen ermitteln und ihren Zusammenhang der beiden Funktionen erklären |

Kosten- und Preistheorie:

Die Nachfragefunktion beschreibt die Abhängigkeit der nachgefragten Menge x vom Preis p , also $x_N(p)$.

Verwendet wird aber häufig die Umkehrfunktion, also $p_N(x)$: Preisfunktion der Nachfrage.

Begriffe:

Preisfunktion der Nachfrage (Preis-Absatz-Funktion), Erlösfunktion (Umsatzfunktion),

(variable) Stückkostenfunktion, ((variable) Durchschnittskostenfunktion),

langfristige Preisuntergrenze (kostendeckender Preis)

ertragsgesetzliche Kostenfunktion, vollständige Konkurrenz, Monopol (Monopolist, Monopolbetrieb)

Kostenkehre, degressiv, progressiv, Gewinn Grenzen: Nullstellen der Gewinnfunktion, untere Gewinn Grenze

(Break-even-Point, Gewinnschwelle), Höchstpreis, Sättigungsmenge, Cournot'scher Punkt, Cournot'sche Menge,

Cournot'scher Preis

Gewinnbereich (Gewinnzone)

Grenzfunktionen: Grenzkosten(funktion), Grenzerlös(funktion), Grenzgewinn(funktion)

* Deskriptoren, die sowohl im Cluster W1 (HLFS/HUM) als auch im Cluster W2 (HAK) vorkommen, werden mit „B_W_...“ bezeichnet.

5 Stochastik

| Deskriptor | Formulierung des Deskriptors: Inhalt und Handlung |
|-------------------|---|
| B_W_5.1* | Erwartungswert und Standardabweichung einer normalverteilten Zufallsvariablen bei bekannten Bedingungen (Wahrscheinlichkeit, Intervallgrenzen) mittels Technologieinsatz bestimmen |
| B_W_5.2* | lineare, quadratische, kubische und exponentielle Regression bei zweidimensionalen Datenmengen erklären, mittels Technologieinsatz zugehörige Regressionsfunktionen bestimmen, grafisch darstellen, Ergebnisse interpretieren und im Regressionskontext argumentieren |
| B_W_5.3* | Korrelationskoeffizient nach Pearson mittels Technologieinsatz ermitteln und interpretieren |

Begriffe:

Punktwolke

Regressionsgerade (Trendgerade), Regressionslinie (Trendlinie)

Regressionsfunktion (Ausgleichsfunktion)

* Deskriptoren, die sowohl im Cluster W1 (HLFS/HUM) als auch im Cluster W2 (HAK) vorkommen, werden mit „B_W_...“ bezeichnet.